

MÉTODOS NUMÉRICOS

TEMA 2 SOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES ALGEBRAICAS Y TRASCENDENTES

1. Encontrar una raíz de la ecuación $\sqrt{x} - 2 \cos x = 0$ en el intervalo $[1, 2]$, usando el método de bisección para una tolerancia menor o igual que 0.001 ($e_s = 0.1 \%$).
2. Aplique el método de bisección para encontrar las aproximaciones a las raíces de la ecuación $x^3 - 7x^2 + 14x - 6 = 0$, para una tolerancia ≤ 0.0001 , considerando los intervalos:
 - b) $[0, 1]$
 - c) $[1, 3.2]$
 - d) $[3.2, 4]$
3. Use el método de bisección para encontrar una raíz de la ecuación $2 + \cos(e^x - 2)e^x = 0$, considere una tolerancia ≤ 0.001
4. Determinar la raíz real de $\ln x = 0.5$ usando el método de la regla falsa con tres iteraciones y los valores $x_i = 1$ y $x_u = 2$
5. Encontrar la raíz cuadrada positiva de 10 usando el método de la regla falsa con $e_s = 0.5 \%$. Utilizar los valores iniciales de $x_i = 3$ y $x_u = 3.2$ (sugerencia, utilizar $x^2 - 10 = 0$)
6. La ecuación que permite determinar el tirante normal de un canal rectangular cuando existe flujo uniforme, de acuerdo con Manning, es:

$$Q = \frac{yb}{n} \left(\frac{yb}{b + 2y} \right)^{2/3} S^{1/2}$$

donde:

Q es el gasto en el canal en m^3/s

y es el tirante normal en m

b es el ancho del canal

n coeficiente de Manning que toma en cuenta los efectos de la fricción según el material

S pendiente de plantilla del canal

Elabore un programa de computadora y **determine el valor del tirante normal y**, en m, si se sabe que $Q = 14.15 m^3/s$, $b = 4.572 m$, $n = 0.017$ y

$S = 0.0015$, usando:

- a) El método de bisección
 - b) El método de la falsa posición
- Considere una tolerancia ≤ 0.0001

7. Aplique el método de punto fijo (aproximaciones sucesivas) para determinar una raíz de la ecuación $\frac{1}{2} \cos^2(x) - x + 3 = 0$, utilice $x_0 = 3$, investigue la convergencia del método

MÉTODOS NUMÉRICOS

TEMA 2 SOLUCIÓN NUMÉRICA DE ECUACIONES ALGEBRAICAS Y TRASCENDENTES

8. Elabore un programa de computadora que determine una raíz positiva de la siguiente ecuación: $\left(\frac{\text{sen}(x)}{x}\right)^2 = \frac{1}{2}$, x en radianes utilizando el método de punto fijo (aproximaciones sucesivas) para una tolerancia ≤ 0.0001 Incluya en el programa el criterio de convergencia del método.
9. Determine una raíz negativa de la ecuación $\cos(x + \sqrt{2}) + x\left(\frac{x}{2} + \sqrt{2}\right) - \sqrt{2} = 0$ usando el método de Newton-Raphson, con un $e_s = 0.1\%$; investigue la convergencia del método.
10. Elabore un programa de computadora que determine la primera raíz positiva de la ecuación: $\text{sen}(x) - \text{cosec}(x) + 1 = 0$, x en radianes utilizando el método de Newton-Raphson para una tolerancia ≤ 0.0001 . Incluya en el programa el criterio de convergencia del método.
11. Encontrar la raíz real positiva de: $f(x) = x^4 - 8.6x^3 - 35.51x^2 + 464x - 998.46$ usando el método de la secante. Utilice los valores iniciales $x_0=7$ y $x_1=9$, realice cuatro iteraciones.
12. Usando un programa de computadora determine la raíz positiva de la ecuación: $f(x) = \frac{(1-0.6x)}{x}$ utilizando el método de la secante con $e_s = 0.01\%$